

\*\*\* الأسئلة المقالية:

السؤال الأول:

أ) -1 أوجد قيم  $x, y$  الحقيقية إذا كان:  $x+5i=7-3yi$

$$x = 7 \quad , \quad -3y = 5$$
$$y = \frac{5}{-3}$$

2- إذا كان  $z_1=2-7i$  ,  $z_2=3+5i$  فأوجد  $\overline{z_1 \cdot z_2}$

$$z_1 \cdot z_2 = (2-7i)(3+5i)$$
$$= (6 - -35) + (10 + -21)i$$
$$= 41 + -11i = 41 - 11i$$

$$\overline{z_1 \cdot z_2} = 41 + 11i$$

ب) حول النقطة  $M(1,-1)$  من الإحداثيات الديكارتية إلى الإحداثيات القطبية  $(r, \theta)$

حيث  $0^\circ \leq \theta < 360^\circ$

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{1^2 + (-1)^2} = \sqrt{2}$$

$$\tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = \left| \frac{-1}{1} \right| = 1 \Rightarrow \alpha = 45 = \frac{\pi}{4}$$

$\theta$  تقع في الربع الرابع

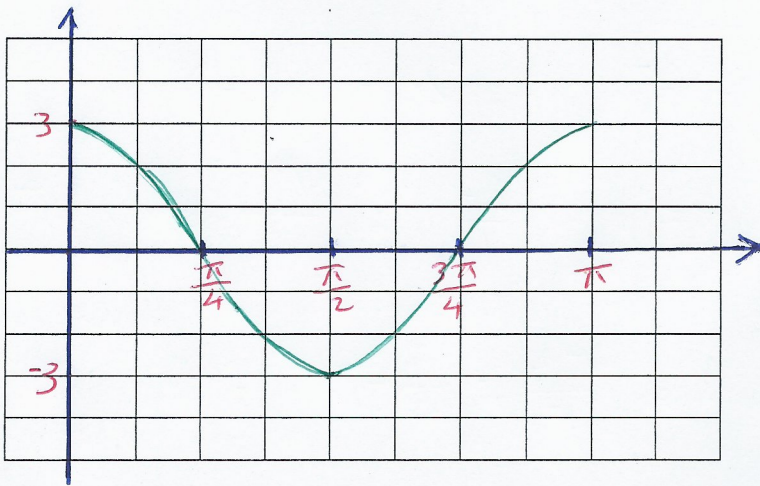
$$\theta = 2\pi - \frac{\pi}{4} = \frac{7\pi}{4} = 360 - 45 = 315$$

$$M = (\sqrt{2}, 315) \therefore$$

السؤال الثاني:

أ) أوجد الجذرين التربيعيين للعدد المركب  $z = -3-4i$

ب) أوجد السعة والدورة للدالة الآتية ثم ارسمها بيانيا:  $y = 3\cos 2x$



السعة =  $|3| = 3$   
الدورة:  $\frac{2\pi}{2} = \pi$   
ربع الدورة:  $\frac{\pi}{4}$

$x$	0	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{3\pi}{4}$	$\pi$
$y$	3	0	-3	0	3



السؤال الثالث :

( أ ) وضح كيف يمكن الحصول على التمثيل البياني للدالة :  $y = 2\sin\left(\frac{x}{3} + \frac{\pi}{4}\right) - 1$  عن

طريق التمثيل البياني للدالة المثلثية  $\sin x$ . أوجد أيضا سعة الدالة ودورتها.

$$a = 2 \quad b = \frac{1}{3} \quad \frac{h}{b} = \frac{-3\pi}{4} \quad k = -1$$

$$y = 2 \sin\left(\frac{1}{3}\left(x - \left(-\frac{3\pi}{4}\right)\right)\right) + (-1)$$

① تمدد أفقي  $\frac{1}{3} = \frac{1}{\left|\frac{1}{3}\right|}$  وحدة للحصول على  $\sin \frac{x}{3}$

② ازاحة أفقيه نحو اليمين بمقدار  $\frac{3\pi}{4}$  للحصول على  $\sin\left(\frac{x}{3} + \frac{\pi}{4}\right)$

③ تمدد رأسي بمقدار 2 وحدة للحصول على  $2 \sin\left(\frac{x}{3} + \frac{\pi}{4}\right)$

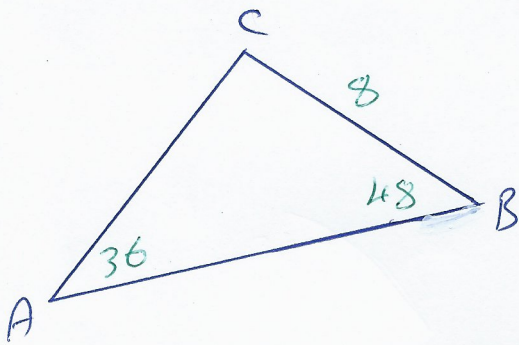
④ ازاحة رأسي للأسف وحدة واحدة للحصول على

$$y = 2 \sin\left(\frac{x}{3} + \frac{\pi}{4}\right) - 1$$

السعة = 2

الدورة :  $\frac{2\pi}{\frac{1}{3}} = 6\pi$

( ب ) حل  $\Delta ABC$  حيث  $\alpha = 36^\circ$ ,  $\beta = 48^\circ$ ,  $a = 8 \text{ cm}$



$$\gamma = 180 - (36 + 48) = 96$$

$$\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b} = \frac{\sin \gamma}{c}$$

$$\frac{\sin 36}{8} = \frac{\sin 48}{b} = \frac{\sin 96}{c}$$

$$b = \frac{8 \sin 48}{\sin 36} = 10.1 \text{ cm}$$

$$c = \frac{8 \sin 96}{\sin 36} = 13.5 \text{ cm}$$



\*\*\*\*\* البنود الموضوعية :

أولاً :- في البنود من ( 1 - 3 ) ظل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة ،  
(b) إذا كانت العبارة خطأ:

(1) السعة الأساسية للعدد  $z = \cos 30^\circ + i \cos 240^\circ$  هي  $60^\circ$   X

(2) حل المعادلة :  $\bar{z} + 2 = 5 - i$  هو :  $z = 3 + i$   X

(3) الصورة المبسطة للتعبير :  $(12 + 5i) - (2 - i)$  هي :  $10 + 6i$   ✓

ثانياً :- في البنود من ( 4 - 8 ) ظل في ورقة الإجابة الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة

(4) الإحداثيات الديكارتية للنقطة :  $A(4, \frac{5\pi}{3})$   a  $A(2, 2\sqrt{3})$   b  $A(-2, 2\sqrt{3})$   c  $A(-2, -2\sqrt{3})$   d  $A(2, -2\sqrt{3})$

(5) إذا كان  $z = i$  فإن  $z^{150}$  يساوي

a -i  b i  c -1  d 1

(6) يمثل منحنى الدالة  $f(x) = -\sin(x-5)$  لمحنى الدالة  $g(x) = \sin x$

- a انعكاسا في محور السينات وإزاحة أفقية مقدارها  $\pi$  وحدات إلى اليمين.  
 b انعكاسا في محور السينات وإزاحة أفقية مقدارها  $\pi$  وحدات إلى اليسار.  
 c انعكاسا في محور الصادات وإزاحة أفقية مقدارها  $\pi$  وحدات إلى اليمين.  
 d انعكاسا في الصادات وإزاحة أفقية مقدارها  $\pi$  وحدات إلى اليسار.

(7) القياسات المعطاة في المثلث ABC  $m(\hat{A}) = 56^\circ$  ,  $AC = 23\text{cm}$  ,  $AB = 19\text{cm}$  فإن BC يساوي

a 12 cm  b 18 cm  c 19 cm  d لا يمكن استخدام قانون الجيب   
 ✓ 22.8 cm

(8) لتكن  $f(x) = 3\tan 2x$  فإن

a ليس لها سعة  b السعة = 3  c السعة = 2  d السعة = 1