

السؤال الأول :
(a) إذا كان :
فاوجد : $z_1 = 2 + 3i$, $z_2 = 4 - 7i$

(a) $z_1 + z_2$

(b) $z_1 \cdot z_2$

(c) $\frac{z_1}{z_2}$

$$z_1 + z_2 = 2 + 3i + 4 - 7i = 6 - 4i$$

$$z_1 \cdot z_2 = (2 + 3i)(4 - 7i) = (8 - (-21)) + (-14 + 12)i$$

$$= 29 - 2i$$

$$\frac{z_1}{z_2} = \frac{2 + 3i}{4 - 7i} = \frac{2 + 3i}{4 - 7i} \times \frac{4 + 7i}{4 + 7i}$$

$$= \frac{(8 - 21) + (14 + 12)i}{4^2 + (-7)^2} = \frac{-13 + 26i}{65} = \frac{-13}{65} + \frac{26}{65}i$$

$$= \frac{-1}{5} + \frac{2}{5}i$$

(b) ضع العدد المركب في الصورة المثلثية : $z = -3 - 3i$

$$x = -3 \quad y = -3$$

$$r = |z| = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{(-3)^2 + (-3)^2} = 3\sqrt{2}$$

$$\tan \alpha = \left| \frac{y}{x} \right| = \left| \frac{-3}{-3} \right| = 1 \Rightarrow \alpha = \frac{\pi}{4}$$

$\Rightarrow \theta$ تقع في الربع الثالث $\Rightarrow x < 0, y < 0$

$$\theta = \pi + \frac{\pi}{4} = \frac{5\pi}{4}$$

$$z = 3\sqrt{2} \left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4} \right)$$

السؤال الثاني :

(a) أوجد مجموعة حل المعادلة: $z + i = 2\bar{z} + 1$.

بفرض $z = a + bi \iff \bar{z} = a - bi$

$$a + bi + i = 2(a - bi) + 1$$

$$a + bi + i = 2a - 2bi + 1$$

$$a - 2a + bi + 2bi = 1 - i$$

$$-a + 3bi = 1 - i$$

$$-a = 1 \quad , \quad 3b = -1$$

$$a = -1 \quad b = \frac{-1}{3}$$

$$\Rightarrow z = -1 - \frac{1}{3}i$$

$$\left\{ -1 - \frac{1}{3}i \right\} = \text{مجموعة الحل}$$

(b) في أحد سباقات المراكب الشراعية وضعت اللجنة المنظمة شرطاً ألا تتعدى مساحة شراع المركب 7.5 m^2 ، إذا كان شراع أحد المراكب علي شكل مثلث أبعاده 6 m , 5 m , 3 m فهل يسمح له بالمشاركة في السباق (مع ذكر السبب)

$$S = \frac{1}{2}(6 + 5 + 3) = 7$$

$$\text{Area}(ABC) = \sqrt{S(S-a)(S-b)(S-c)}$$

$$= \sqrt{7(4)(4)(1)}$$

$$= \sqrt{56}$$

$$= 7.48 \text{ m}^2$$

بما ان المساحة أقل من 7.5 m^2 ، انه يسمح له بالمشاركة

السؤال الثالث :

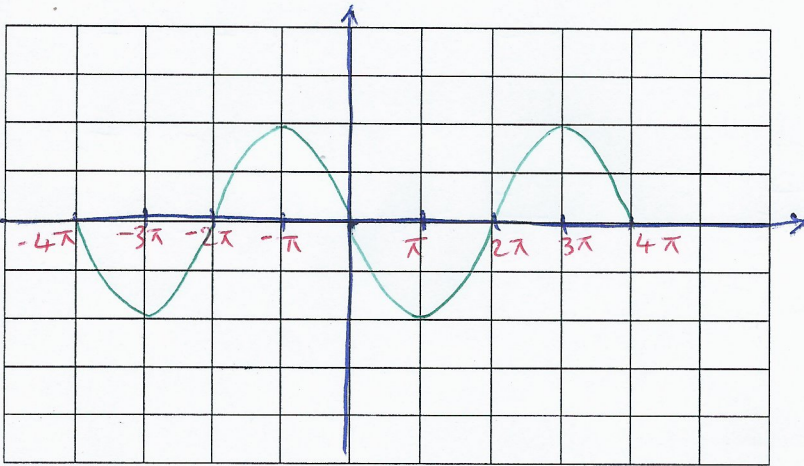
(a) أوجد السعة والدورة، ثم ارسم بيان الدالة: $y = -2 \sin\left(\frac{1}{2}x\right)$, $-4\pi \leq x \leq 4\pi$

السعة = $|-2| = 2$

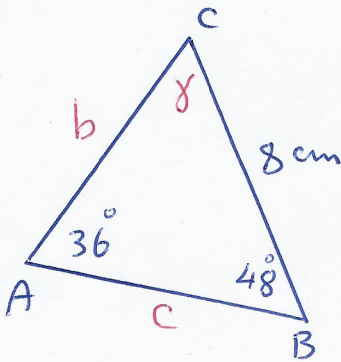
الدورة = $\frac{2\pi}{\frac{1}{2}} = 4\pi$

ربع الدورة = π

x	0	π	2π	3π	4π
y	0	-2	0	2	0



(b) حل ΔABC حيث: $\alpha = 36^\circ$, $\beta = 48^\circ$, $a = 8 \text{ cm}$



$\gamma = 180 - (36 + 48) = 96^\circ$

$$\frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b} = \frac{\sin \gamma}{c}$$

$$\frac{\sin 36}{8} = \frac{\sin 48}{b} = \frac{\sin 96}{c}$$

$$b = \frac{8 \sin 48}{\sin 36} = 10.11 \text{ cm}$$

$$c = \frac{8 \sin 96}{\sin 36} = 13.5 \text{ cm}$$

