

دولة الكويت

وزارة التربية

امتحان نهاية الفترة الدراسية الرابعة للصف الحادي عشر أدبي

المجال الدراسي/ الرياضيات - العام الدراسي ٢٠١٤ / ٢٠١٥ م

الزمن : ساعتان وخمسة عشر دقيقة - عدد الصفحات : (٧)

القسم الأول - أسئلة المقال (أجب عن جميع الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل)

نموذج الإجابة

السؤال الأول: (١٢ درجات)

(أ) من الجدول التكراري التالي :

الفئة	- ٥	- ١٠	- ١٥	- ٢٠	- ٢٥	- ٣٠	المجموع
التكرار	٢	٣	٨	٦	١٠	٣	٣٢

٧ درجات

(١) كون جدول التكرار المتجمع الصاعد .

(٢) أوجد الربع الأعلى .

الإجابة:

الفئة	التكرار	أقل من الحد الأعلى للفئة	التكرار المتجمع الصاعد
- ٥	٢	أقل من ١٠	٢
- ١٠	٣	أقل من ١٥	٥
- ١٥	٨	أقل من ٢٠	١٣
- ٢٠	٦	أقل من ٢٥	١٩
- ٢٥	١٠	أقل من ٣٠	٢٩
- ٣٠	٣	أقل من ٣٥	٣٢
المجموع	٣٢		

$$\text{ترتيب الربع الأعلى} = \frac{3}{4} = \frac{3}{4} \times 32 = 24$$

الحد الأدنى لفئة الربع الأعلى = ٢٥ ، التكرار الأصلي لفئة الربع الأعلى = ١٠

التكرار المتجمع الصاعد السابق لفئة الربع الأعلى = ١٩ ، طول الفئة = ٥

$$\frac{3}{4} - \frac{3}{4} = \text{التكرار المتجمع الصاعد السابق لفئة الربع الأعلى}$$

$$r = \frac{\text{الحد الأدنى لفئة الربع الأعلى} + \text{التكرار المتجمع الصاعد السابق لفئة الربع الأعلى}}{\text{التكرار الأصلي لفئة الربع الأعلى}} \times \text{طول الفئة}$$

$$r = \frac{19 - 24}{10} \times 5 + 25 = 27,5$$

تراعى الحلول الأخرى (١)

∴ الربع الأعلى (r) = ٢٧,٥

تابع / السؤال الأول:

(ب) إذا كان م ، ن حدثين مستقلين في فضاء العينة ف حيث $P(N) = 0,5$ ، $P(\bar{M}) = 0,6$ فأوجد ما يلي :

(٣) ل (م ∪ ن)

(٢) ل (م ∩ ن)

(١) ل (م)

٥ درجات

نموذج الإجابة

الإجابة:



$$(1) \text{ ل (م) } = 1 - \text{ ل (م) } = 0,4$$

$$0,4 = 0,6 - 1 =$$

(٢) م ، ن حدثين مستقلين

$$\text{ ل (م ∩ ن) } = \text{ ل (م) } \times \text{ ل (ن) } = 0,2$$

$$0,2 = 0,5 \times 0,4 =$$

$$(3) \text{ ل (م ∪ ن) } = \text{ ل (م) } + \text{ ل (ن) } - \text{ ل (م ∩ ن) } = 0,7$$

$$0,7 = 0,5 + 0,4 - 0,2 =$$

$$0,7 =$$

تراجعى الحلول الأخرى

(٢)

(١٠ درجات)

السؤال الثاني:

٤ درجات

(أ) إذا كانت درجة طالب في مادة الرياضيات ١٥ درجة ، حيث المتوسط الحسابي ١٩

والانحراف المعياري ٥ ، و حصل على ١٥ درجة في مادة اللغة الانجليزية ، حيث

المتوسط الحسابي ١٢ والانحراف المعياري ٤ .

أوجد القيمة المعيارية للدرجة ١٥ مقارنة مع درجات كل مادة ؟ أيهما أفضل ؟

نموذج الإجابة

الإجابة:

$$\frac{س - \bar{س}}{\sigma} = \text{القيمة المعيارية (ق)}$$

$$\frac{١٩ - ١٥}{٥} = \text{القيمة المعيارية للدرجة ١٥ في مادة الرياضيات : ق}$$

$$= ٠,٨$$

$$\frac{١٢ - ١٥}{٤} = \text{القيمة المعيارية للدرجة ١٥ في مادة اللغة الانجليزية}$$

$$= ٠,٧٥$$

$$\therefore ٠,٧٥ > ٠,٨$$

∴ درجة الطالب في مادة اللغة الانجليزية أفضل من درجته في الرياضيات

تراجع الحلول الأخرى

(٣)

تابع / السؤال الثاني:

٣ درجات

(ب) كم عدد الأعداد المكون رمز كل منها من ثلاثة أرقام مأخوذة من عناصر

المجموعة { ٣ ، ٤ ، ٥ ، ٦ ، ٧ } في كل مما يلي :

نموذج الإجابة

(١) إذا لم يسمح بالتكرار .

(٢) إذا كان العدد زوجي ويسمح بالتكرار .

الإجابة:

$$1 \frac{1}{4}$$

$$(١) \text{ عدد الأعداد} = 3 \times 4 \times 5 = 60$$

$$1 \frac{1}{4}$$

$$(٢) \text{ عدد الأعداد} = 5 \times 5 \times 2 = 50$$

(ج) حل المعادلة التالية : $2^{\log 8} = 2^{\log n}$ (حيث n عدد صحيح موجب أكبر من ٢)

٣ درجات

الإجابة:

$$2^{\log 8} = 2^{\log n}$$

$$n = (n-1) \cdot 8$$

$$n^2 - n - 8n = 0$$

$$n^2 - 9n = 0$$

$$n = (n-9) \cdot 0$$

$$n = 0 \text{ مرفوضة أو } n = 9$$

$$n = 9$$



$$\frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{4}$$

$$\frac{1}{4}$$

تراجع الحلول الأخرى

(٤)

السؤال الثالث: (١٠ درجات)

(أ) إذا كان المتوسط الحسابي لأرباح إحدى الشركات الصغيرة ٤٨٠ دينار ، والانحراف المعياري ١٢٠ دينار . والمنحنى التكراري لأرباح هذه الشركة هو على شكل الجرس (توزيع طبيعي) .

٥ درجات

نموذج الإجابة

(١) طبق القاعدة التجريبية .

(٢) هل وصلت أرباح الشركة إلى ٩٠٠ دينار؟

الإجابة:

(١) حوالي ٦٨ % من الأرباح تقع على الفترة :

$$[\sigma - \bar{s}, \sigma + \bar{s}] = [120 - 480, 120 + 480] = [360, 600]$$

حوالي ٩٥ % من الأرباح تقع على الفترة :

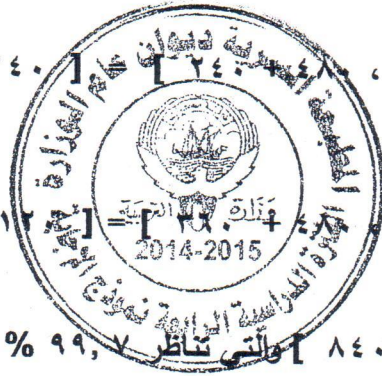
$$[\sigma_2 - \bar{s}, \sigma_2 + \bar{s}] = [240 - 480, 240 + 480] = [240, 720]$$

حوالي ٩٩,٧ % من الأرباح تقع على الفترة :

$$[\sigma_3 - \bar{s}, \sigma_3 + \bar{s}] = [360 - 480, 360 + 480] = [120, 840]$$

(٢) المبلغ ٩٠٠ دينار يقع خارج الفترة [١٢٠ ، ٨٤٠] والتي تناظر ٩٩,٧ % من الأرباح

لذلك من غير المتوقع أن تكون أرباح الشركة قد وصلت إلى المبلغ ٩٠٠ دينار



٥ درجات

(ب) أوجد مفكوك (ص - ٣)^٤ باستخدام نظرية ذات الحدين .

الإجابة:

$$(a+b)^n = \binom{n}{0} a^n b^0 + \binom{n}{1} a^{n-1} b^1 + \binom{n}{2} a^{n-2} b^2 + \dots + \binom{n}{n-1} a^1 b^{n-1} + \binom{n}{n} a^0 b^n$$

$$(v-3)^4 = \binom{4}{0} v^4 (-3)^0 + \binom{4}{1} v^3 (-3)^1 + \binom{4}{2} v^2 (-3)^2 + \binom{4}{3} v^1 (-3)^3 + \binom{4}{4} v^0 (-3)^4$$

$$= v^4 + 4 \times v^3 \times (-3) + 6 \times v^2 \times 9 + 4 \times v \times (-27) + 81$$

$$= v^4 - 12v^3 + 54v^2 - 108v + 81$$

تراجعى الحلول الأخرى

(٥)

(٨ درجات)

القسم الثاني - البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (١ - ٣) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (أ) إذا كانت العبارة صحيحة (ب) إذا كانت العبارة خاطئة

(١) في المنحنى التكراري حيث الالتواء لجهة اليمين يكون المنوال < الوسيط < المتوسط الحسابي .

(٢) $3^5 \times 13 = 3^5$.

(٣) إذا كان م ، ن حدثين في فضاء العينة ف حيث: ل (م) = ٧ ، ل (ن) = ٤ ، فإن الحدثان متنافيان .

ثانياً: في البنود من (٤ - ٨) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ، ظلل في ورقة الإجابة دائرة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(٤) يمثل الجدول التكراري التالي أوزان ١٤ طالباً في أحد المدارس بالكنوجرام ،

الوزن	٦٥	٧٦	٧٨	٨٠	المجموع
التكرار	٣	٤	٢	٥	١٤

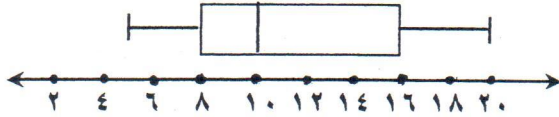
فإن الوسيط =

(أ) ٦٥ (ب) ٧٦ (ج) ٧٧ (د) ٧٨

(٥) إذا كان الإنحراف المعياري لمجموعة من القيم هو ٩ فإن التباين هو

(أ) ٣ (ب) ٤,٥ (ج) ١٨ (د) ٨١

(٦) من مخطط الصندوق ذو العارضتين المقابل:



فإن نصف المدى الربيعي هو

(أ) ١٦ (ب) ٨ (ج) ٧ (د) ٤

(٧) إذا كان الحد ٨٠ س^٣ ص^٢ أحد حدود مفكوك (٢س + ص) ^ن فإن قيمة ن هي

(أ) ٥ (ب) ٤ (ج) ٣ (د) ٢

(٨) عدد الطرق الممكنة لإختيار ٣ طلاب من بين ٩ طلاب للذهاب للمركز العلمي هي

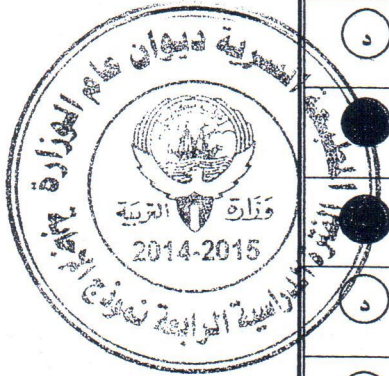
(أ) ٢٧ (ب) ٨٤ (ج) ٥٠٤ (د) ٧٢٠

انتهت الأسئلة ... مع تمنياتنا لكم بالتوفيق

نموذج الإجابة

إجابة البنود الموضوعية

الإجابة				رقم البند
د	ج	●	أ	١
د	ج	ب	●	٢
د	ج	●	أ	٣
د	●	ب	أ	٤
●	ج	ب	أ	٥
●	ج	ب	أ	٦
د	ج	ب	●	٧
د	ج	●	أ	٨



٨

الدرجة

المصحح :

المراجع :