

أولاً: أسئلة المقال: أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول:

(5 درجات)

A) أكتب الكسر التالي بحيث يكون المقام عدداً نسبياً

$$\frac{3}{\sqrt{2}} - \frac{1}{2\sqrt{2} - \sqrt{3}}$$

الحل

1 + 1

$$\frac{3}{\sqrt{2}} \cdot \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} - \frac{1}{2\sqrt{2} - \sqrt{3}} \cdot \frac{2\sqrt{2} + \sqrt{3}}{2\sqrt{2} + \sqrt{3}}$$

1 + 1

$$\frac{3\sqrt{2}}{2} - \frac{2\sqrt{2} + \sqrt{3}}{8 - 3}$$

1

$$\frac{3}{2}\sqrt{2} - \frac{2\sqrt{2} + \sqrt{3}}{5}$$

$$\frac{3}{2}\sqrt{2} - \frac{2}{5}\sqrt{2} - \frac{1}{5}\sqrt{3}$$

(5 درجات)

B) حل المعادلة

$$\frac{x^2 - 3x}{7} = \frac{1}{49}$$

الحل

1

$$\frac{x^2 - 3x}{7} = \frac{-2}{7}$$

1

$$x^2 - 3x = -2$$

1

$$x^2 - 3x + 2 = 0$$

1

$$(x - 1)(x - 2) = 0$$

1

$$x = 1 \text{ أو } x = 2 \text{ إما}$$

السؤال الثاني :
A) بسط موضحاً خطوات الحل

(4 درجات)

10

$$\frac{\frac{1}{X^3} \cdot \frac{-1}{Y^3}}{\frac{-1}{X^2} \cdot \frac{-3}{Y^4}}$$

الحل

1 + 1

$$\frac{\frac{1}{X^3} \cdot \frac{-1}{Y^3}}{\frac{-1}{X^2} \cdot \frac{-3}{Y^4}}$$

1 + 1

$$\frac{\frac{5}{6}}{X} \cdot \frac{5}{12Y}$$

(6 درجات)

B) عين مجال الدالة

$$g(X) = \sqrt[3]{X^2 - 2} \cdot (\sqrt{2X - 3})$$

الحل

نفرض $g(X) = f(X) \cdot D(X)$

مجال f : \mathbb{R}

مجال D : $\{X : 2X - 3 \geq 0\}$

$$X \geq \frac{3}{2}$$

$$\left[\frac{3}{2}, \infty \right)$$

مجال g : مجال $f \cap$ مجال D

$$\left[\frac{3}{2}, \infty \right) \cap \mathbb{R}$$

$$\left[\frac{3}{2}, \infty \right)$$

السؤال الثالث :

(A) حل المتباينة $\frac{X^2 - 1}{X^2 + 1} \leq 0$

(7 درجات)

12

الحل

$$\frac{(X-1)(X+1)}{X^2 + 1} \leq 0$$

اصفار البسط : $X = 1$ ، $X = -1$

اصفار المقام : $X^2 + 1 \neq 0$

$$X - 1 \leq 0 \rightarrow X \leq 1 \quad , \quad X + 1 \leq 0 \rightarrow X < -1$$

$\frac{1}{2} \times 2$

$\frac{1}{2} \times 4$

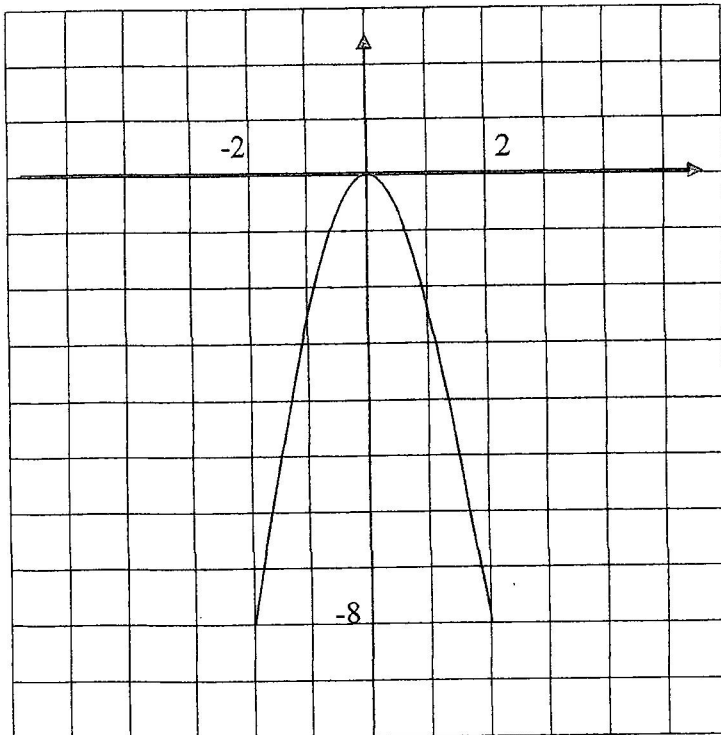
X	$-\infty$	-1	1	∞
(X-1)	- - - - -	0	++++++	
(X+1)	- - -	0	++++++	
(X ² +1)	++++++			
X ² -1		0	-	0
$\frac{X^2-1}{X^2+1}$	+	0	-	0

مجموعة الحل = $[-1, 1]$

1

(B) ارسم القطع المكافئ الذي رأسه $(0,0)$ ويمر بالنقطة $p(-2,-8)$ ثم اكتب معادلته بدلالة الرأس (5 درجات)

الحل



معادلة القطع المكافئ الذي رأسه $(0,0)$

هي

$$Y = a X^2$$

بما القطع يمر بالنقطة $(-2,-8)$ إذن تحقق معادلة

$$-8 = 4a$$

$$a = -2$$

إذن معادلة القطع هي $Y = -2 X^2$

وفتحته للأسفل : $-2 < 0$

1

$\frac{1}{2}$

1

1

الرسم 1

البنود الموضوعية

أولاً : في البنود (1-3) عبارات لكل بند ظلل في ورقة الإجابة الدائرة (A) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل الدائرة (B) إذا كانت العبارة خطأ

$$\sqrt{\frac{-1}{x^2} \cdot \frac{1}{x^3}} = \frac{-1}{x^6}$$

1

$$3 - x$$

مجموعة حل $\frac{3-x}{7} = 1$ هي {3}

2

المستقيم $Y = X$ هو خط انعكاس لبيان دالة f وبيان معكوسها

3

ثانياً : في البنود (4-8) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح اختر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في ورقة الإجابة دائرة الرمز الدال عليها .

$$= \sqrt{7+4\sqrt{3}}$$

4

(A) $3 - \sqrt{2}$

(B) $3 + \sqrt{2}$

(C) $2 - \sqrt{3}$

(D) $2 + \sqrt{3}$

لتكن $f(X) = X\sqrt{X}$ ، $g : [-2, 2] \rightarrow \mathbb{R}$ ، $g(X) = X^2$ فإن مجال الدالة $f \cdot g$

(A) $[-2, 2]$

(C) $[0, 2]$

5

(B) $(0, 2)$

(D) ليس اياً مما سبق

لتكن الدالة $f(X) = (a^2 - 4)X^2 - (a - 2)X + 5$ دالة تربيعية لكل a تنتمي إلى

(A) \mathbb{R}

(C) $\mathbb{R} - \{-2\}$

6

(B) $\mathbb{R} - \{2\}$

(D) $\mathbb{R} - \{-2, 2\}$

معادلة القطع المكافئ $y = 2x^2$ الذي تم إزاحة رأسه وحدتين يساراً و 4 وحدات لأعلى هي:

7

(A) $Y = (2X+2)^2 + 4$ (B) $Y = 2(X-2)^2 + 4$ (C) $Y = 2(X+2)^2 + 4$ (D) $Y = 2(X+2)^2 + 4$

مجموعة حل المتباينة $x^2 + |x| > 0$ هي

8

(A) \mathbb{R}

(B) $(0, \infty)$

(C) $\mathbb{R} - \{0\}$

(D) ليس أياً مما سبق

انتهت الأسئلة

إجابة البنود الموضوعية

B
A
A
D
C
D
C
C

رقم السؤال	الأجابة			
1	(A)	B		
2	A	(B)		
3	A	(B)		
4	(A)	(B)	(C)	D
5	(A)	B	(C)	(D)
6	(A)	(B)	(C)	D
7	(A)	(B)	C	(D)
8	(A)	(B)	C	(D)

8

Handwritten notes or markings on the right side of the page.